

NNSS 船位誤差의 偏差를 利用한 速度誤差消去에 關한 研究

梁 昌 珍

A Study of Eliminating NNSS Speed Error by Use of Deviation
of NNSS Position Error

Yang Changjin

.....(目 次).....	
Abstract	概要
記號説明	記號
1. 序論	2-5. 密星 仰角의 計算
2. 理論的考察	3. 시뮬레이션에 依한 考察
2-1. 密星의 位置 計算	3-1. 仰角別 位置의 分散 検討
2-2. 受信點의 位置 計算	3-2. 船速誤差 消去를 為한 알고리즘
2-3. 密星과 受信點 間 距離變化의 計 算	4. 結論
2-4. ドップル 測定值에 依한 船位의 計	参考文献
	附錄: 計算 算式及 計算結果

Abstract

As the NNSS system calculates ship's position by the doppler shift of the NNSS radio waves caused by the change of the distance between Transit Satellite and the ship, ship's speed error inevitably results in the position error, and moreover this kind of error is most dominant compared with other errors especially in high speed ships and airplanes.

Most NNSS receivers now in use have adopted successive short doppler counts as positioning data and by investigating the dispersion of several successive positions calculated and by neglecting the mean position having dispersion of over certain threshold level, more accurate and safe position is to be achieved.

This paper proposes the method of finding ship's true speed by selecting a speed having least position dispersion for given successive doppler counts.

And by computer simulation it was verified that the method proposed here is reasonable in finding the ship's desired correct speed together with the correct ship's position.

記 號 說 明

t_p ; 近地點 通進時刻(Time of Perigee) (min)	i ; 軌道 傾斜角(Inclination Angle) (deg)
Δt_d ; t_p 로 부터 Doppler 測定時까지 經過한 時間(min)	GHA γ ; 近地點 通過時의 春分點의 Greenwich 時角(deg)
n ; 衛星의 平均 運動(Mean Motion) (deg/min)	ω_e ; 地球의 自轉角速度(deg/min)
ε ; 衛星軌道의 離心率	φ ; 船位의 緯度(deg)
A ; 軌道의 長半徑(nm)	λ ; 船位의 經度(deg)
w ; 近地點 引數(Argument of Perigee), (deg)	R ; 地球의 長半徑(nm)
w_0 ; 衛星의 近地點 通過時의 w . (deg)	f ; 地球의 偏平率
\dot{w} ; w 의 變化率(deg/min)	N ; Doppler Count 積算值
Ω ; 升交點 赤經(Longitude of ascending node) (deg)	Δf ; 受信裝置의 基本 周波數와 送信周波數와 的 差×60(Hz)
Ω_p ; 近地點 通過時의 Ω (deg)	Δt ; Doppler Count의 時間間隔(min)
$\dot{\Omega}$; Ω 의 變化率(deg/min)	λ_s ; 受信裝置內의 基準 發振器의 發振周波數의 波長(nm)

1. 序論

全世界의이며 全天候的 航法인 人工衛星航法의 하나로 TRANSIT 衛星航法, 即 NNSS로 불리우는 美海軍航海衛星方式(Navy Navigation Satellite System)은 現在 實用化되어 一般 商船 및 艦船은 물론 漁船에 까지 搭載되어 海上에서 信賴度 높은 航法으로 精度 높은 船位를 提供하고 있다.

다만 本 航法의 가장 큰 脆弱點은 平均 2時間에 1回 程度인¹⁾ 船位 測定頻度의 問題와 本船의 船速을 比較的 正確히 알아야만 正確한 船位를 求할 수 있다는 問題이다.

이 中에서 前者は 沿岸 接近航海의 境遇 肉眼에 依하거나 RADAR 및 他 航海計器에 依하여 船位를 測定할 수 있어 이를 並用하면 問題가 欠고, 大洋에서는 容認될 수 있는 制約으로 보인다.

다만 後者の 境遇는 船位의 精度와 관련된 問題인 만큼 本 方式의 成敗를 左右하는 重要한 問題로 登場되고 있다.

一般的으로 NNSS의 船位誤差를 誘發하는 原因으로는

1. 衛星 및 利用者의 機器에 關한 誤差.
2. 電波 傳播上 생기는 誤差.
3. 衛星軌道豫測上의 誤差.
4. 船舶의 針路 및 速度에 依한 誤差.
5. 利用者의 空中線 높이 誤差.

等을 들수 있겠으나 이들 중에서 1, 2, 3, 5 項의 原因으로 因한 誤差는 現在까지의 研究結果로 一般航海에서 要求되는 精度를 充分히 만족하는 범위로 줄일 수 있음이 알려져 있다.

다만 4項의 船速誤差로 因한 船位誤差는 本 方式이 衛星의 Doppler를 測定하고 있는 관계上 船位誤差가 船速誤差의 絶對值에 比例하며, 따라서 高速船이나 航空機일수록 甚하게 나타나 實用上 큰

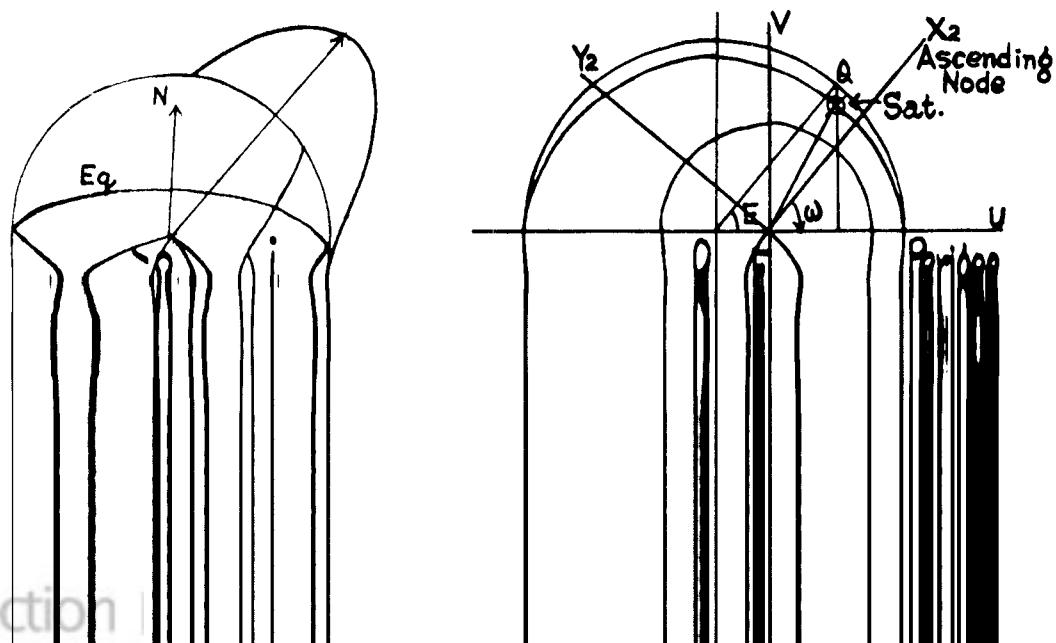
障碍가 되고 있다.

多幸하고 NNSS方式에 있어서는 一定量의 速度誤差가 있을 境遇에도 船位誤差는 衛星의 仰角에 依해 變化되고 있으며, 現用의 NNSS受信器의 상당수가 Short Doppler方式을 採擇하여 Data를 처리하고 있는데 이를 約 24秒 單位로 受信되는 Doppler Count로 數回 대시 數十回의 連續な 位置를 求하고, 이를 位置의 平均值에 對한 分散을 檢討하여 分散이 一定値에 達하면, Data의 不良으로 看做하여 測定點位를 포기하는 方式을 取る으로서, 預期值 않은 큰 誤差의 介入으로 因한 危険을 排除하고 있다.

過大한 船速誤差로 因하여 船位에 큰 誤差가 생긴 境遇에도 勿論 이 方法에 依하여 危険을 排除할 수 있다.

本論文에서는 仰角의 變化에 따르는 船位誤差의 分散이 船速誤差가 를수록 커질 것을 猶想하여, log에서 測定한 船位附近에서 船速을 變化시켜 位置의 平均值에 對한 分散을 檢討하여 分散이 最小가 되는 船速을 찾아 真船速으로 하고 이에 對한 船位를 함께 出力케 하는 方式을 採擇함으로, 万一 分散程度가 一定臨界值 以下로 줄어 들지 않으면 Data不充分으로 取扱하여 偶發的인 船位誤差의 發生을 막도록 하는 方法을 提案하였다.

本論文에서는 衛星情報로는 衛星으로 부터의 軌道情報を 使用하고 本船의 真位置(任意)에서 船速에 誤差가 介入한 境遇의 計算 Doppler値를 測定 Doppler로 看做하여 真船速을 逆算하는 電算機 Simulation에 依한 檢討를 行한 結果 良好한 結果를 얻었으며, 勿論 船速誤差도 現用의 方式에 比較해 줄일 수 있음을 確認하였다.



障碍가 되고 있다.

多幸히도 NNSS方式에 있어서는 一定量의 速度誤差가 있을 境遇에도 船位誤差는 卫星의 仰角에 強烈變化되고 있으므로, 現用의 NNSS受信器의 상당수가 Short Doppler方式을 採擇하여 Data를 처리하고 있는데 이를 約 24秒 單位로 受信되는 Doppler Count를 數回 대지 數十回의 連續な 位置를 求하고, 이를 位置의 平均値에 對한 分散을 檢討하여 分散이 一定値에 達하면, Data의 不良으로 看做하여 測定船速를 增加하는 方式을 取れる으로서, 預期值 않은 큰 誤差의 介入으로 因する 危險을 排除하고 있다.

過大한 船速誤差로 因하여 船位에 큰 誤差가 생긴 境遇에도 勿論 이 方法에 依하여 危險을 排除할 수 있다.

本論文에서는 仰角의 變化에 따르는 船位誤差의 分散이 船速誤差가 产生될 可能 것을豫想하여, log에서 測定한 船位附近에서 船速을 變化시켜 位置의 平均値에 對한 分散을 檢討하여 分散이 最小가 되는 船速을 찾아 真船速으로 하고 이에 對한 船位를 함께 出力하는 方式을 採擇하였으며, 万一 分散程度가 一定臨界值 以下로 줄어 들지 않으면 Data不充分으로 取扱하는 偶發的인 船位誤差의 發生을 막도록 하는 方法을 提案하였다.

本論文에서는 卫星情報로는 卫星으로 부터의 軌道情報量 使用하고 本船의 真位置(任意)에서 船速에 誤差가 介入한 境遇의 計算 Doppler値를 測定 Doppler로 看做하여 真船速을 逆算하는 電算機 Simulation에 依한 檢討를 行한 結果 良好한 結果를 얻었으며, 勿論 船速誤差도 現用의 方式에 比べ아 크게 줄일 수 있음을 確認하였다.

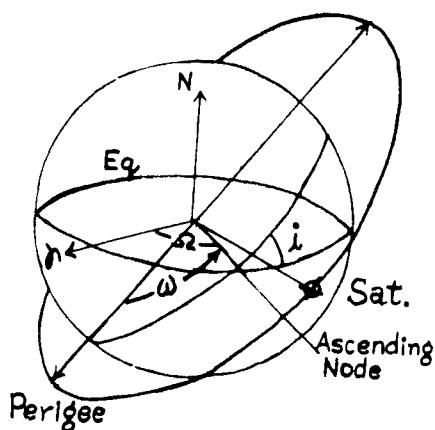


Fig. 1. Element of Orbit

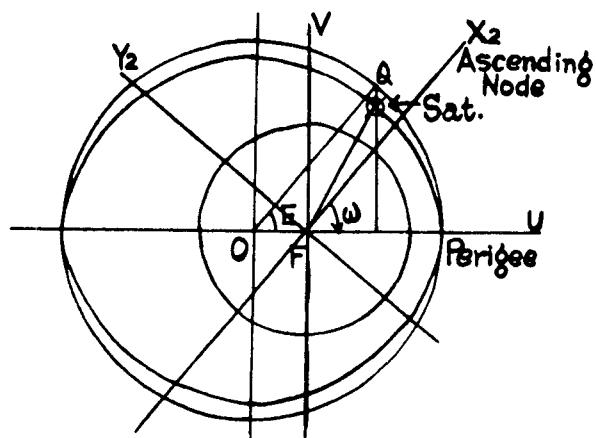
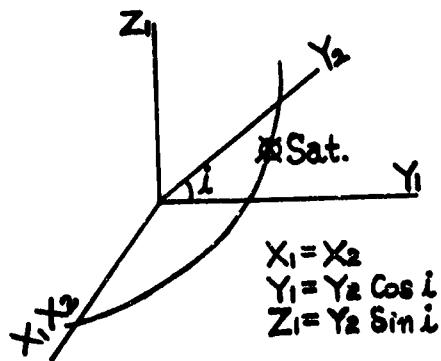
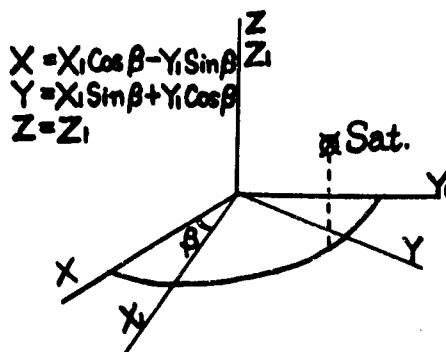


Fig. 2. Co-ordinates Rotation by ω

Fig. 3. Co-ordinates Rotation by i Fig. 4. Co-ordinates Rotation by β
 $(=Q-GHA \gamma)$

2. 理論的인 考察

地球의 實際 모양은 상당한 起伏을 갖는 Geoiod 形이나 그 起伏은 空中線 높이와의 合으로 地球半徑의 增減에 依해 調節하여, 本 論文에서 는 完全한 回轉橢圓體로 看做한다.

또 地球의 주위에는 大氣가 둘러싸고 있어서 衛星으로부터 傳達되는 電波는 大氣層에서 屈折하나 本 論文에서 는 이에 對한 考察은 除外한다.

Simulation을 爲하여 衛星으로부터의 軌道情報 를 使用하여 橢圓軌道上 衛星의 位置를 求하고, 回轉橢圓體인 地球 表面上 船位와 共通된 Cart座標界上에 表示하기 爲하여 地球 中心을 原點으로 하 고 北極方向을 Z軸, 赤道面에서 經度 0° 의 方向을 X軸, 經度 $90^\circ E$ 의 方向을 Y軸으로 하는 直交座標界를 設定한다.

2-1. 衛星의 位置 計算

近地點을 基準으로 하여 地球中心에서 본 衛星의 運動角 平均值인 Doppler測定時의 平均 近點離角을 M_k (接尾文號 k는 t_k 時의 値을 表示하며, 以下 같다)라 하면

$$M_k = n \times dt_k$$

로 表現되며 Doppler 测定時의 衛星을 通하여 近地點과 橢圓中心을 있는 線에 垂直인 線을 그어 橢圓軌道의 外接圓과 만난 點과 近地點이 橢圓軌道 中心에서 만든 角(그림 2에서 $\angle QOP$)인 離心近點離角 E_k 는 Keppler方程式²⁾

$$E = M + \epsilon \sin E$$

로 表現되나 이 式은 超越方程式으로 간단히 解가 나오지 않으므로, NNSS에서 衛星軌道가 地의 圓에 가까움으로 $\sin E$ 대신 $\sin M$ 으로 簡易化하고 E값의 短時間 變動值 dE_k 를 加減하여 使用하면 다음 式이 될다.³⁾

$$E_k = M_k + \epsilon \sin M_k + \Delta E_k \dots \dots \dots (2 \cdot 1)$$

軌道의 平均 長半徑의 短時間 變動值 ΔA_k 를 考慮한 값, 即 測定時 長半徑 A_k 는 다음 式으로 表現된다.

$$A_k = A + \Delta A_k$$

軌道軌面上衛星의 位置는 그림 2에서 地球中心 F를 原點으로 하고 近地點 方向을 U軸, 이와 直角方向을 V軸이 라 하면衛星의 座標는⁴⁾

$$\left. \begin{array}{l} U_k = A_k (\cos E_k - \epsilon) \\ V_k = A_k \sqrt{1-\epsilon^2} \sin E_k \end{array} \right\} \dots \dots \dots (2 \cdot 2)$$

U_k 와 V_k 를 表示하는 t 時의 軌道軌面上衛星의 位置는 近地點 引數(w), 軌道 領長角(i), 升交點赤經(Ω)을 考慮하여 그림 2.3 및 4와 같이 3回의 座標變換을 거쳐 Cart 座標界面上의 3要素을 求하면衛星의 座標 X_s, Y_s, Z_s 는

$$\left. \begin{array}{l} X_{sk} = X_2 \cos \beta_k - Y_2 \cos i \sin \beta_k \\ Y_{sk} = X_2 \sin \beta_k + Y_2 \cos i \cos \beta_k \\ Z_{sk} = Y_2 \sin i \end{array} \right\} \dots \dots \dots (2 \cdot 3)$$

$$\text{但 } \beta_k = \Omega_o + \dot{\Omega} \times \Delta t_k - GHA \gamma - \omega_i \times \Delta t_k$$

$$X_2 = U_k \cos \omega_k - V_k \sin \omega_k$$

$$Y_2 = U_k \sin \omega_k + V_k \cos \omega_k$$

$$\omega_k = \omega_o + \omega \times \Delta t_k$$

다만 (2.3)式은 衛星軌道의 橫方向 變化 β_k 를 考慮치 않은 式이나 實用上 β_k 는 極히 微小하여 Simulation에 영향을 주지 않으므로 이를 無視하였다.

2-2. 受信點의 位置 計算

嚴密하는 Doppler 測定時의 受信點은 海面上에서 空中線까지 높이와 Geoid 높이를 고려한 地球表面上 位置를 말하므로 X, Y, Z 座標上의 受信點의 位置 X_n, Y_n, Z_n 은 다음 式으로 整理된다.

$$\left. \begin{array}{l} X_{nk} = (R^o/D_z + h) \cos \varphi_z \cos \lambda_z \\ Y_{nk} = (R^o/D_z + h) \cos \varphi_z \sin \lambda_z \\ Z_{nk} = \left(-\frac{R^o(1-f)^2}{D_z} + h \right) \sin \varphi_z \end{array} \right\} \dots \dots \dots (2 \cdot 4)$$

$$\text{但 } D_z = R \{ \cos^2 \varphi_z + (1-f)^2 \sin^2 \varphi_z \} ^{\frac{1}{2}}$$

$$h = \text{Geoid 高} + \text{Antenna 高}$$

地球上 受信點의 移動은 衛星의 移動에 比하여 대단히 微弱하므로 地球를 真球로 暖定하면 分當經緯度 變化는 船舶의 針器를 CO. 速度를 V_{KTS} 라 할 때

5) $\Delta\varphi$ 를 加減한 φ 와 λ 를 다시 推測位置로 하여 反復計算함으로써 精密한 船位를 求할 수 있다.
 本論文에서는 倍精度 Gauss法에 位해 計算하였고 推測位置의 誤差가 1 Radian 미만에서 收斂하여 3~5回 反復計算으로 船位修正量이 각각 10^{-10} Radian 以内가 됨을 確認하였다.

2-5. 衛星의 仰角 計算

Vecctor論에서 두개의 線分이 이루는 角 θ 는 다음과 같이 표현된다.¹⁾

$$\cos \theta = \frac{(X_s - X_N)X_N + (Y_s - Y_N)Y_N + (Z_s - Z_N)Z_N}{D \times R}$$

Doppler 時速時의 仰角은 α_s 라 하면 $\cos \theta = \cos \alpha_s + 90^\circ = \sin \alpha_s$ 이므로

$$\alpha_s = \sin^{-1} \left\{ \frac{(X_{st} - X_{nk})X_{nk} + (Y_{st} - Y_{nk})Y_{nk} + (Z_{st} - Z_{nk})Z_{nk}}{D_k \cdot R} \right\} \dots (2-12)$$

衛星 仰角은 時間變化에 따른 仰角變化를 計算하여 Newton法에 의한 極值探索法을 使用했다.

表 1) 衛星으로부터의 Data³⁾ 整理

Data	t_k (min)	ΔE_k (deg)	ΔA_k (km)	η_k (km)
40293015	0652	0.0029	3.01	0.0
40442980	0654	0.0044	2.98	—
40592885	0656	0.0059	2.88	0.3
40722703	0658	0.0072	2.70	—
00842465	0700	0.0084	2.46	0.6
.....
.....
43854143		$t_p = 1385.4143 \text{ min}$		
83736588		$n = 3.3736588 \text{ deg/min}$		
82256501		$\omega_o = 225.6501 \text{ deg}$		
80021122		$\omega = 0.0021122 \text{ deg/min}$		
80004012		$\epsilon = 0.004012$		
83745237		$A = 7452.37 \text{ km}$		
82234649		$\Omega_o = 223.4649 \text{ deg}$		
90000517		$\dot{\Omega} = -0.0000517 \text{ deg/min}$		
80012966		$\sin i = 0.012966$		
83248936		$\text{GHA}\gamma = 324.8936 \text{ deg}$		
80030140		$\text{SAT. No} = 30140$		
86620242		$\text{Julian Day} = 242$		
80999916		$\cos i = 0.999916$		

3. Simulation에 依한 考察

韓國海洋大學에 設置된 美國 Magnavox社 製品 NNSS 受信器 MX 702을 使用하여 1979年 Julian Day 243日(8月 30日) GMT 0656의 衛星番號 30140의 軌道情報 를 採取하였고, NNSS에 On-Line 으로 設置된 專用 Micro-Computer 美國 Hewlett, Packard社 製品인 2100-A Computer에 依한 計 算結果을 보면 最高仰角 43° 이고, 北에서 面서 東向觀測되는(GEOM N-E) 衛星이었다.

地球의 測地系는 WGS-72를 使用했으며, 受信點의 推測位置는 $35^{\circ}-00'.0N$, $129^{\circ}-00'.0E$ 로 入力했다.

Geoid高는 測地系變換圖에⁸⁾ 依해 釜山地方의 20meters로 하고, Antenna 높이를 韓國海洋大學의 本館 높이를 考慮하여 26 meters를 使用하였다.

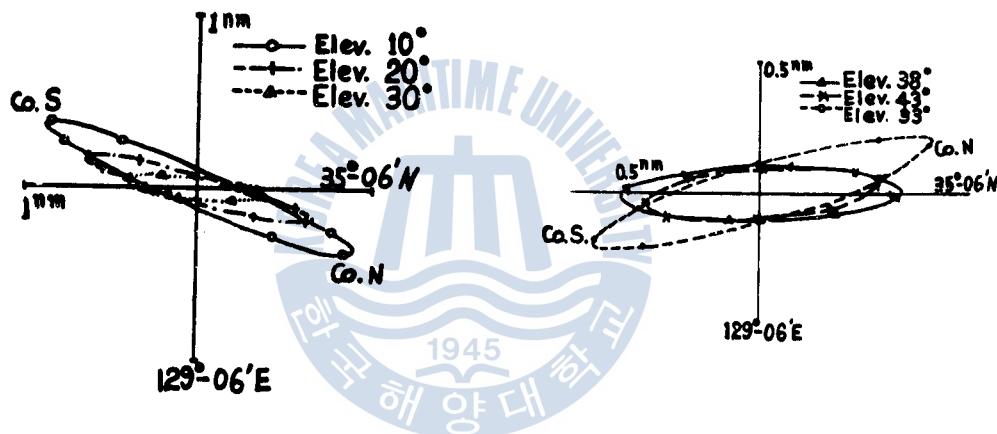


Fig.5-A Position Dispersion at Elev. $10^{\circ} \sim 30^{\circ}$, Sp. Err. 2 kts in Each Course(Geom N-E, Max. Elev. 43°)

Fig. 5-B Position Dispersion at Elev. $38^{\circ} \sim 43^{\circ} \sim 33^{\circ}$, Sp. Err. 2 kts in Each Course(Geom N-E, Max. Elev. 43°)

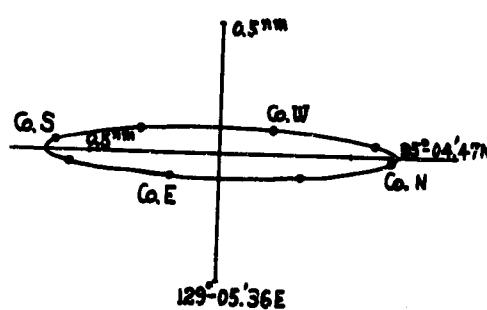


Fig. 6. Position Dispersion by NNSS at Sp. Err. 2 kts in Each Course(Geom N-E, Max. Elev. 43°)

Doppler Counter에 依한 實測距離差는 真位置를 $35^{\circ}-06'.0N$, $129^{\circ}-06'.0E$ 로 잡고 真位置에서 衛星까지 計算距離를 求하여 使用하였다.

Simulation은 韓國海洋大學에 設置된 Mini-Computer인 日本製品 FACOM U-300을 倍精度로 하여 使用하였다.

使用된 軌道情報와 整理된 結果는 〈表1〉과 같다.

3-1 仰角別 位置의 分散 檢討

本船의 速度가 0인 位置, 即 停點에서 速度誤 差가 -1.0^{kts} , -0.5^{kts} , 0^{kts} , 0.5^{kts} , 1.0^{kts} , 1.5^{kts} , 2.0^{kts} 가 있다고 各各 入力했을 때, 8方

位點의 仰角別 船位 變化를 觀察하기 為하여 30140衛星의 Doppler測定 開始 以後豫想最大仰角 以前에서 任意의 4分間, 即 Short Doppler System에서 Doppler Count 10個를 선택하여 仰角變化가 約 $10^{\circ} \sim 30^{\circ}$ 인 경우와 最高仰角 附近인 $38^{\circ} \sim 43^{\circ} \sim 34^{\circ}$ 인 경우의 位置를 針路別로 그림 5-A와 5-B에 表示하였다.

그림에 依하면 대체로 船舶의 針路가 東과 西附近에서 位置가 약간 南北으로 偏向하고, 南北針路附近에서 크게 東西로 偏向하는 構造 軌跡을 이루고 있으며, 最高仰角 附近에서 誤差圓이 가장 작나지며, 誤差橢圓의 長軸도 經度를 軸으로 하여 反對로 移動하고 있다.

이는 隔時觀測에 依한 영향으로 最高仰角 附近에서 位置線 交角이 좋아져 誤差圓이 작아지는 것으로 思料된다.

實際 NNSS에서 實測한 Doppler Count에 依한 真速力의 位置를 내고, 自體에 內裝된 Recompute Mode를 使用하여 針路別 速度誤差를 주어 再計算한 結果, 그림 6과 같은 現狀을 보여 Simulation時 最高仰角 部近과 같은 傾向을 보이고 있다.

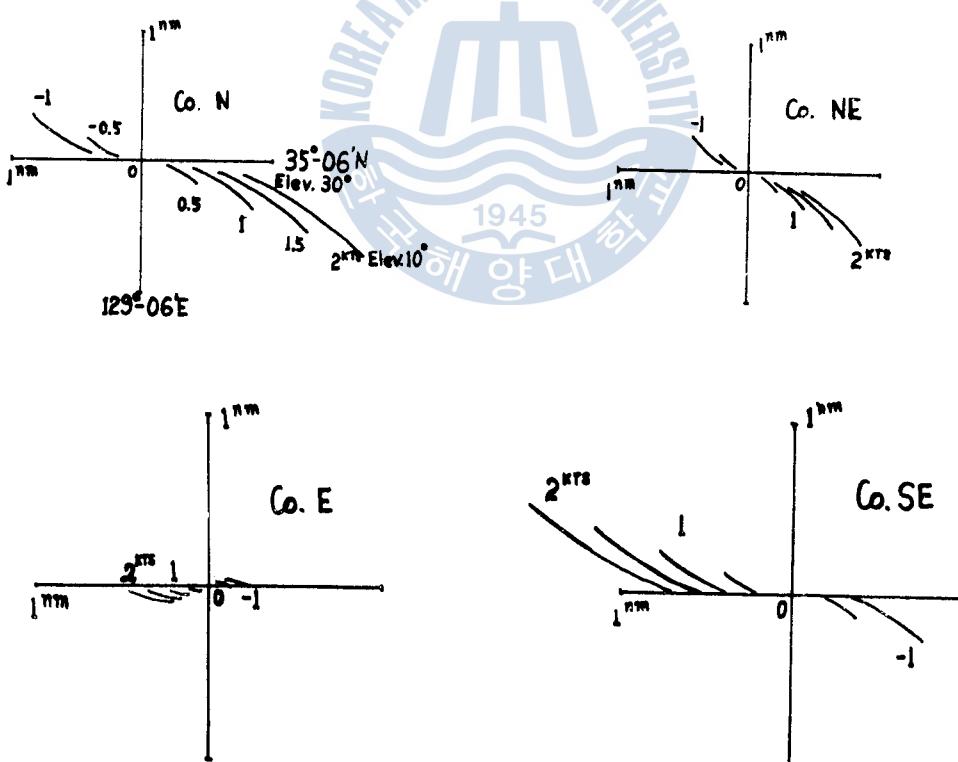


Fig. 7. Position Dispersion at Elev. $10^{\circ} \sim 30^{\circ}$ (Geom N-E, Max. Elev. 43°)

仰角變化에 따른 位置를 入力速力別로 기점하면, 衛星의 上昇時는 그림 7과 같고, 最高仰角 附近에서는 그림 8과 같으며, 反對方向의 針路에서는 같은 現狀을 反對로 보이고 있다.

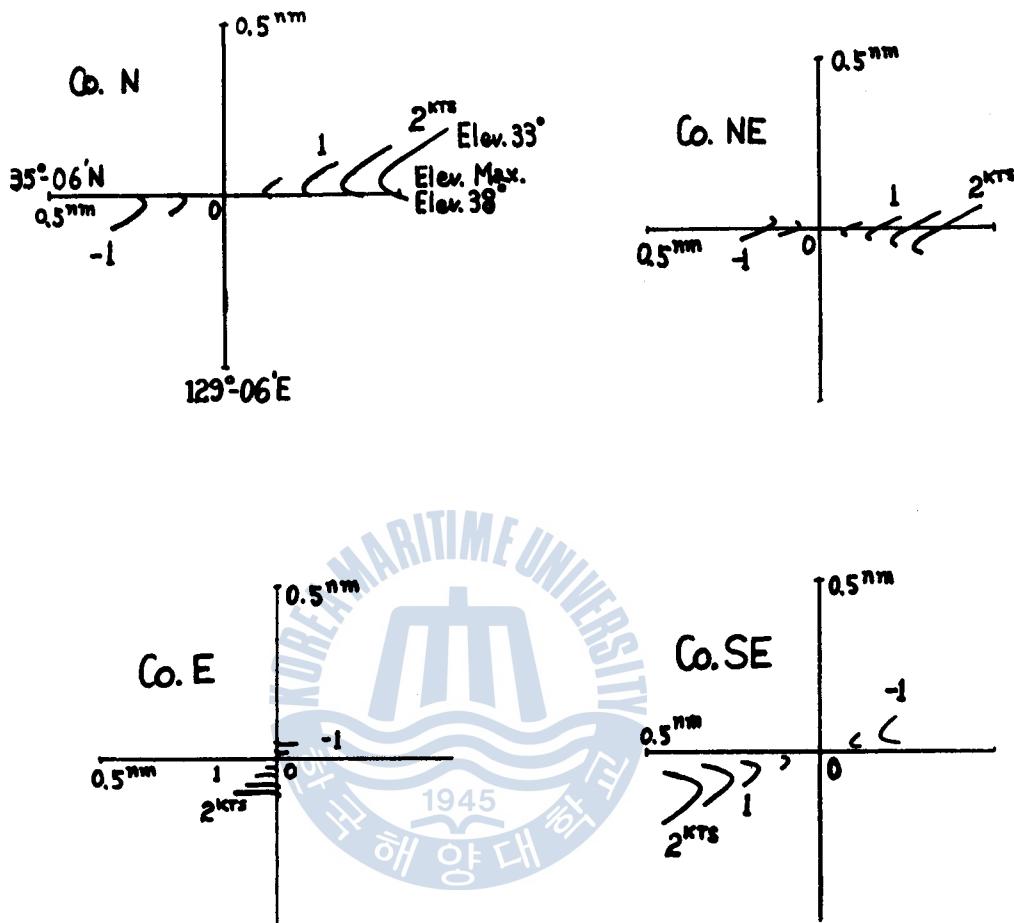


Fig. 8. Position Dispersion at Elev. 38°~43°~33° (Geom N-E, Max. Elev. 43°)

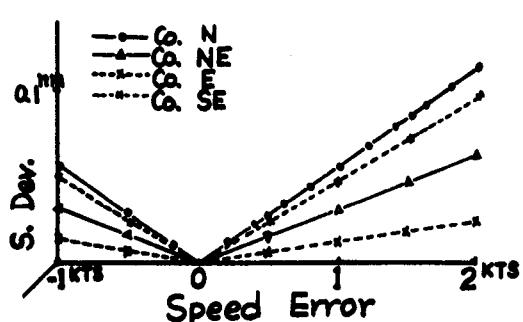


Fig. 9. Standard Deviation of Position at Elev. 10°~30° in Various Sp. Err.

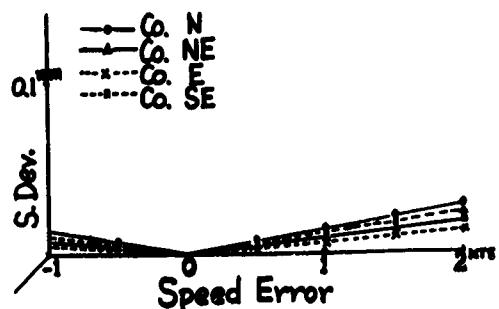


Fig. 10. Standard Deviation of Position at Elev. 38°~43°~33° in Various Sp. Err.

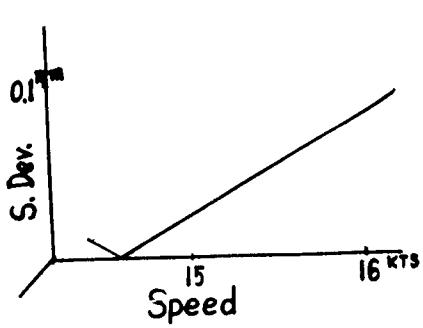


Fig. 11. Standard Deviation of Position at Elev 10°~30° v.s. Speed near 16kts

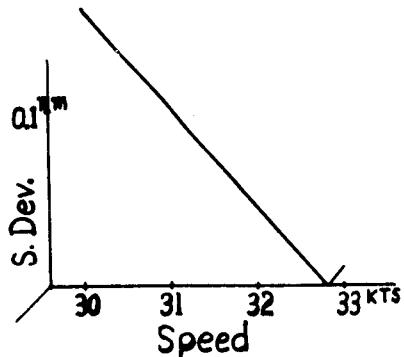


Fig. 12. Standard Deviation of Position at Elev 10°~30° v.s. Speed near 30kts

(1) 本圖是 速度根據 算術平均을 算出하고 이를 中心으로 한 標準偏差을 그림 9과 10에 表示하되, 이는 位置와 仰角에 對한 偏差는 針路가 南이나 北에서 크고, 東이나 西에서 작으며, 仰角變化가 较은 最高仰角附近에서는 작아져 완만한 傾斜를 이루고 있다.

그리고 真速力인 0kts에서는 偏差가 周邊速力과 比較해 현저히 最小點을 보이고 있어 쉽게 識別되고 있다.

그림 11과 12는 真速力 14.6kts인 船舶이 推測船速을 16kts로 入力시켰을 경우와, 真船速 32.8kts인 船舶이 推測船速 30kts를 入力시켰을 경우, 真船速을 探索하는 過程에서 關係速力에 對한 標準偏差를 表示한 것이다, 그림 6, 7과 같이 偏差의 最小點이 真船速임을 알 수 있다.

3.2 船速誤差 消去量 為한 Algorithm

前節에서 計算 결과 같이 仰角別 位置의 偏差는 真船速에서 最小이고로, 實際에서 仰角의 變化에 隨伴해 각 位置에 對한 偏差는 真速力에 對한 多數 激定 計算하여 標準偏差의 信賴度를 높이고, 速度變化에 따른 偏差變化는 連續 計算하여 最小値를 찾으면 真速力を 求할 수 있음을 알았다.

本論文에서는 推測速力에서 10個의 位置에 依한 標準偏差를 求하고, 推測速力を 增減시켜 偏差가 最小이 되는 方向으로 反復計算 함으로써 偏差의 最小點을 찾고, 最小點에서의 速力과 船位를 真速力과 船位로 고려 出力시키는 Program을 提示했다.

實例로 真速度 0kts, 14.6kts, 32.8kts의 경우, 推測速度를 각각 2kts, 16kts, 30kts로 入力시켜 계산의 出力結果를 提供했다.

4. 結論

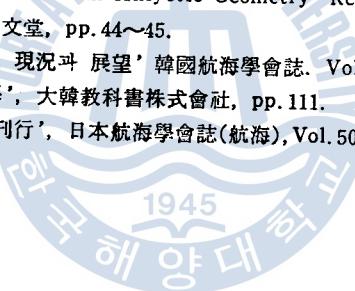
本論文에서는 連續되는 數回의 船位의 分散을 最小로 하는 船速을 찾아냄으로서 船速誤差로 因한 船位誤差를 除去하는 方法을 提示하였고 測定한 Doppler Count가 正確하다면 本船의 速度計 繼이도 本船의 船速 및 正確한 船位를 計算할 수 있음을 計算機 Simulation에 依하여 立證하였다.

本論文에서는 觀測한 Doppler 代身에 假定한 眞位置로부터의 計算距離差를 使用하였으므로 送受信器의 狀態不良으로 因한 Doppler 測定值의 誤差가 介入되는 景遇에는 正確한 船速 및 船位를 計算할 수 있다는 保證은 없으나, 이러한 危險은 觀測回數를 增加시킴으로써 除去할 수 있다고 思料된다.

또한 本 方式에서는 眞針路와豫想針路가 同一한 경우만을 取扱하였으나 本 論文에서 提示한 手法을 擴張하면 眞速力뿐 아니라 眞針路도 求할 수 있을 것이며, 앞으로는 이 問題와 아울러 上記한 送受信器 不良으로 因한 Doppler 測定值 誤差가 本方式에 미치는 影響을 계산하여 研究해 보고자 한다.

參 考 文 獻

- 1) 鄭世謨: '船速誤差가 NNSS 船位에 미치는 影響에 關한 研究', 韓國海洋大學 論文集(自然科學編) Vol. 14. pp. 37-43.
- 2) 虎研正久: '宇宙航行の數學', 森北出版株式會社, pp. 9-13.
- 3) 木村小一: '衛星航法', 海文堂, pp. 59-60.
- 4) Angus E. Talyor; 'Calculas with Anlyctic Geometry' Rentice Hall Inc, pp. 74-76
- 5) 酒井進: '地文航海學', 海文堂, pp. 44-45.
- 6) 鄭世謨: '人工衛星 航法의 現況과 展望' 韓國航海學會誌. Vol. 1. pp. 75-82.
- 7) 張起元: '高等 微分積分學', 大韓教科書株式會社, pp. 111.
- 8) 進士晃: '測地系 變換圖 刊行', 日本航海學會誌(航海), Vol. 50. pp. 47.



PANAFACOM UMOS/D E004 FORTRAN VO1/L05 -760501-

ISN	SINO.	SOURCE STATEMENT
	C	FINDING MINIMUM DEVIATION OF FIXES
	C	B; SHIPS SPEEDS DDEV; DEVIATION
	C	AVEY; AVERAGE OF DIFFERENCE LONGITUDE FROM D. R. FIX
	C	AVEX; AVERAGE OF DIFFERENCE LATITUDE FROM D. R. FIX
	C	
1		100 READ(5,100)B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ 100 FORMAT(1H /, 30X, 'DEVIATION & AVERAGE FIX AT ELEVATION 10-30 DEG. ON 100 READ(5,100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 FORMAT(1H /, 30X, 'TRUE FIX...35.1 N, 129.1 E, TRUE SPEED... 20.0 KTS, MAXIMUM ELEVATION...43. DEG. ', /)
2	C	
3		B=2.
4		READ(5,100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ
5		100 FORMAT(1H /, 30X, 'DEVIATION & AVERAGE FIX AT ELEVATION 10-30 DEG. ON 100 READ(5,100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 FORMAT(1H /, 30X, 'TRUE FIX...35.1 N, 129.1 E, TRUE SPEED... 20.0 KTS, MAXIMUM ELEVATION...43. DEG. ', /)
6	C	
7		CALL ERR(B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 DV22, DV33)
8	C	
9		IF(DV22>DV33)DV22=DV33
10		B=B+0.2
11		READ(5,100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ
12		CALL ERR(B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 DV33)
13		IF(DV22>DV33-1.0)11, 22, 44
14		B=B-0.2
15		GO TO 15
16	C	
17		12 DV22=DV11
18		15 B=B-0.2
19		READ(5, 100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ
20		CALL ERR(B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 DV11),
21		IF(DV22>DV11-1.0)23, 22, 12
22	C	
23		27 B=B-0.2
24		READ(5, 100)C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ
25		CALL ERR(B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ, AVEX, 100 DV22)
26	C	
27		22 WRITE(6,222)B, DV22
28		222 FORMAT(1H /, 30X, 'TRUE SPEED OF SHIP', 23X, F12. 5, /, 30X, 2'DEVIATION ON TRUE SPEED', 19X, D20.10)
29		WRITE(6,888)PPO, QQQ
30	C	
31		888 FORMAT(1H /, 29X, 'D. R. POSITION', 29X, F12.5, /, 30X, 'D. R. POSITION', 29X, F12.5)
32		APP=AVEX/60. +PPO
33		AQQ=AVEY/60. +QQQ

```

C          WRITE(6, 777)APP, AQQ
30        777 FORMAT(1H , 29X, 'TRUE POSITION LATITUDE', 19X,, F12. 5, /, 30X,
31          1 'TRUE POSITION LONGITUDE', 18X, F12.5)
32          WRITE(6,223) AVEX, AVEY
33          223 FORMAT(1H , 29X, 'DIFF. LATITUDE FROM D.R.POSITION', 9X, F12.5,
34          1/, 30X, 'DIFF. LONGITUDE FROM D. R. POSITION', 8X, F12.5)
35          IF(DV11. GT. 0.1) GO TO 66
36          GO TO 77
37          66 WRITE(6,666)
38          666 FORMAT(1HO, 20X, 'UNUSABLE DATAS')
39          77 STOP
          END

ISN STNO.      SOURCE STATEMENT
1      SUBROUTINE ERR(B, C, DE, DA, WW, DW, R, DR, AG, F, H, PPO, QQQ,
1AVEX, AVEY, DDEV)
C      DT; DOPPLER RECEIVING TIME COUNTED FROM PERIGEE TIME
C      E; CENTRAL ANGLE FROM PERIGEE      C; MEAN MOTION
C      EE; ECENTRICITY      F; COSINE OF INCLINATION ANGLE
C      A: SEMI-MAJOR AXIS W:ARGUMENT OF PERIGEE R:ASCENDING NODE
C      PP; LATITUDE OF SHIP      QQ; LONGITUDE OF SHIP
C      RO; MAJOR SEMI DIAMETER ON EQUATOR
C      REAL MAXEL
2      DOUBLE PRECISION A, C, DA, DE, DT, E, EE, DDDPP, DDDQQ, DOP, DI
3      1ST, U, V, W, X, Y, Z, XS, YS, ZS, XN, XSN, YN, YSN, ZN, ZSN, R, DR,
1DW, AG, WE, RE, PP, Q, 2Q, RO, EL, ELEV, CO, RAD, DDT, B, APP, AQQ
4      DOUBLE PRECISION DPP, DQQ, D1, D2, D3, T1, T, TT, WW, DD, G, DEV,
1DIRE, MAXEL, E 1PS, AVEX, AVEY, D, PX, QY, DDEV, RDIST, EDI-
1ST, S, CCO, BBB, DPD, DQD, PPPZ, QQQZ, 2PAI, DEG, PPPP, QQQQ
5      DIMENSION G(2, 3)
6      DIMENSION PX(10), QY(10)
C      E(DT)=C*DT+EE*DSIN(C*DT)+DE
7      C      U(DT)=A*(DCOS(E(DT))-EE)
8      C      V(DT)=A*DSQRT(1.0-EE**2)*DSIN(E(DT))
C      W(DT)=WW-ABS(DW)*DT
10     S(DT)=(R+DR*DT)-AG-WE*DT
C      X(DT)=U(DT)*DCOS(W(DT))-V(DT)*DSIN(W(DT))
12     Y(DT)=U(DT)*DSIN(W(DT))+V(DT)*DCOS(W(DT))
C      XS(DT)=X(DT)*DCOS(S(DT))-Y(DT)*F*DSIN(S(DT))
14     YS(DT)=X(DT)*DSIN(S(DT))+Y(DT)*F*DCOS(S(DT))
16     ZS(DT)=Y(DT)*0.99991
C      RE(PY)=DSQRT(DCOS(PY**2+0. 99999*DSIN(PY)**2)*RO
17     C      XN(PY, QQ)=(RO**2/RE(PY)+H)*DCOS(PY)*DCOS(QQ)
18     YN(PY, QQ)=(RO**2/RE(PY)+H)*DCOS(PY)*DSIN(QQ)
19     ZN(PY)=(RO**2*0.99999/RE(PY)+H)*DSIN(PY)
20     C

```

```

21 XSN(DT, PP, QQ) = XS(DT) - XN(PP, QQ)
22 YSN(DT, PP, QQ) = YS(DT) - YN(PP, QQ)
23 ZSN(DT, PP) = ZS(DT) - ZN(PP)
24 C DIST(DT, PP, QQ) = DSQRT(XSN(DT, PP, QQ) * * 2 + YSN(DT, PP, QQ) * * 2
25 C + ZSN(DT, PP) * * 2)
26 C DDDQQ(DT, PP, QQ) = (DIST(DT, PP, QQ+1.0D-8) - DIST(DT, PP, QQ)) /
27 C 1.1D-8
28 C DDDPP(DT, PP, QQ) = (DIST(DT, PP+1.0D-8, QQ) - DIST(DT, PP, QQ)) /
29 C 1.1D-8
30 C RDIST(PP, QQ) = DSQRT(XN(PP, QQ) * * 2 + YN(PP, QQ) * * 2 + ZN(PP, QQ) * * 2)
31 C EDIST(DT, PP, QQ) = (XSN(DT, PP, QQ) - XN(PP, QQ) + YSN(DT, PP, QQ) -
32 C 1 - YN(PP, QQ) + ZSN(DT, PP) - ZN(PP)) / (DIST(DT, PP, QQ) * RDIST(PP,
33 C 1QQ))
34 C EL(DT, PP, QQ) = DATAAN(EDIST(DT, PP, QQ), DSQRT(1. - EDIST(DT, PP,
35 C 1QQ) * * 2))
36 C DOP(N) = 4.646875D-0.4 * (N-0.4 * 1.92D-06)
37 C RAD(PP) = PP/180.0 * 3.14159265359D-00
38 C DEG(PP) = PP * 180.0/3.14159265359D-00
39 C PAI = 3.14159265359D-00
40 C WE = 0.25068448D-00
41 C RO = 3443.934
42 C EE = 0.004012
43 C A = 4023.9578
44 C A = A + DA
45 C PPPP = 35.1
46 C QQQQ = 129.1
47 C PPPP = RAD(PPPP)
48 C QQQQ = RAD(QQQQ)
49 C WW = RAD(WW)
50 C DW = RAD(DW)
51 C WE = RAD(WE)
52 C AG = RAD(AG)
53 C DR = RAD(DR)
54 C R = RAD(R)
55 C C = RAD(C)
56 C DE = RAD(DE)
57 C CO = 0.0
58 C AVEX = 0.
59 C AVEY = 0.
60 C DDEV = 0.
61 DO 1000 K=1, 10
62 DT = 470.5857 + DFLOAT(K) * 0.4
63 C
64 PP = PPO
65 QQ = QQQ
66 PP = RAD(PP)
67 QQ = RAD(QQ)

```

```

61      CO=RAD(CO)
62      C
63      DDT=0.4
64      DPP=RAD(DCOS(CO)*B/1800. /5. )
65      DQQ=RAD(DSIN(CO)*B/(1800. *5. *DCOS(PP)))
66      CO=DEG(CO)
67      ELEV=0.0
68      ELEV=EL(DT, PP, QQ)*180.0/PAI
69      C
70      BBB=0.0
71      CCO=0.
72      CCO=RAD(CCO)
73      DPD=RAD(DCOS(CCO)*BBB/1800. /5. )
74      DQQ=RAD(DSIN(CCO)*BBB/(1800. *5. *DCOS(PP)))
75      C
76      20 D1=DIST(DT-DDT, PP-DPP, QQ-DQQ)
77      D2=DIST(DT, PP, QQ)
78      D3=DIST(DT+DDT, PP+DPP, QQ+DQQ)
79      C
80      G(1, 1)=DDDPP(DT, PP, QQ)-DDDPP(DT-DDT, PP-DPP, QQ-DQQ)
81      G(1, 2)=DDDQQ(DT, PP, QQ)-DDDQQ(DT-DDT, PP-DPP, QQ-DQQ)
82      G(2, 1)=DDDPP(DT+DDT, PP+DPP, QQ+DQQ)-DDDPP(DT, PP, QQ)
83      G(2, 2)=DDDQQ(DT+DDT, PP+DPP, QQ+DQQ)-DDDQQ(DT, PP, QQ)
84      G(1, 3)=DIST(DT, PPPP, QQQQ)-DIST(DT-DDT, PPPP-DPD, QQQQ-
85      1DQD)-D2+D1
86      G(2, 3)=DIST(DT+DDT, PPPP+DPD, QQQQ+DQD)-DIST(DT, PPPP,
87      1QQQQ)-D3+D2
88      C
89      CALL GAUEL(G, 2, 2, 3, 1, 0D-20, ILL)
90      IF(ILLL)3, 10, 3
91      3 WRITE(6, 222)ILL
92      222 FORMAT(1H, 5X, 'ILL', I10)
93      10 CONTINUE
94      C
95      QQ=QQ+G(2, 3)
96      PP=PP+G(1, 3)
97      IF((G(1, 3)*2+G(2, 3)*2). LT. 1. 0D-15)GO TO 30
98      GO TO 20
99      C
100     30 PP=DEG(PP)
101     QQ=DEG(QQ)
102     CCO=DEG(CCO)
103     PX(K)=(PP-PPO)*60.
104     QY(K)=(QQ-QQO)*60.
105     C
106     AVEX=AVEX+PX(K)
107     AVEY=AVEY+QY(K)
108     1000 CONTINUE
109     L=10
110     RL=L
111     AVEX=AVEX/RL
112     AVEY=AVEY/RL
113     DO 6 M=1, L

```

```

104      DDEV = DDEV + (AVEX - PX(M))**2 + (AVEY - QY(M))**2
105      5 CONTINUE
106      DDEV = DSQRT(DDEV) /RL
107      C
108          APP = AVEX/60. + PPO
109          AQQ = AVEY/60. + QQO
110          WRITE(6, 111)B, APP, AQQ, AVEX, AVEY, DDEV
111          FORMAT(1H, 15X, 'SPD', F6.2, 'A. LAT', F9.5, 'A. LON', F10.5, 'A.
112              1DLAT', F9.5, 'A. DLON', F9.5, 'DEV' D15.7)
113          RETURN
114
115      END

```

DEVIATION & AVERAGE FIX AT ELEVATION 10-30 DEG. ON EACH SPEED

TRUE FIX...35.1 N, 129.1 E, TRUE SPEED...0.0 KTS, MAXIMUM ELEVATION...43. DEG.

SPD 2.00	A. LAT 35.09357	A. LON 129.12079	A. DLAT 5.61434	A. DLON 7.24731	DEV 0.1146107D 00
SPD 2.20	A. LAT 35.09293	A. LON 129.12287	A. DLAT 5.57581	A. DLON 7.37217	DEV 0.1260821D 00
SPD 1.80	A. LAT 35.09421	A. LON 129.11871	A. DLAT 5.65286	A. DLON 7.12247	DEV 0.1031411D 00
SPD 1.60	A. LAT 35.09435	A. LON 129.11738	A. DLAT 5.66114	A. DLON 7.04293	DEV 0.9188177D-01
SPD 1.40	A. LAT 35.09550	A. LON 129.11455	A. DLAT 5.72989	A. DLON 6.87282	DEV 0.8020767D-01
SPD 1.20	A. LAT 35.09614	A. LON 129.11247	A. DLAT 5.76841	A. DLON 6.74802	DEV 0.6874378D-01
SPD 1.00	A. LAT 35.09678	A. LON 129.11039	A. DLAT 5.80692	A. DLON 6.62322	DEV 0.5728178D-01
SPD 0.80	A. LAT 35.09742	A. LON 129.10831	A. DLAT 5.84543	A. DLON 6.49844	DEV 0.4582166D-01
SPD 0.60	A. LAT 35.09807	A. LON 129.10623	A. DLAT 5.88394	A. DLON 6.37368	DEV 0.3436342D-01
SPD 0.40	A. LAT 35.09871	A. LON 129.10415	A. DLAT 5.92245	A. DLON 6.24892	DEV 0.2290707D-01
SPD 0.20	A. LAT 35.09935	A. LON 129.10207	A. DLAT 5.96095	A. DLON 6.12418	DEV 0.1145260D-01
SPD 0.00	A. LAT 35.09999	A. LON 129.09999	A. DLAT 5.99945	A. DLON 5.99945	DEV 0.6822307D-08
SPD -0.20	A. LAT 35.10063	A. LON 129.09791	A. DLAT 6.03795	A. DLON 5.87473	DEV 0.1145071D-01
SPD -0.00	A. LAT 35.09999	A. LON 129.09999	A. DLAT 5.99945	A. DLON 5.99945	DEV 0.6822307D-08
SPD 0.00	A. LAT 35.09999	A. LON 129.09999	A. DLAT 5.99945	A. DLON 5.99945	DEV 0.6822307D-08

TRUE SPEED OF SHIP	0.00000
DEVIATION ON TRUE SPEED	0.6822307222D-08
D. R. POSITION	35.00000
D. R. POSITION	129.00000
TRUE POSITION LATITUDE	35.09999
TRUE POSITION LONGITUDE	129.09999
DIFF. LATITUDE FROM D. R. POSITION	5.99945
DIFF. LONGITUDE FROM D. R. POSITION	5.99945

SPD 16.00	A. LAT 35.09550	A. LON 129.11457	A. DLAT 5.72973	A. DLON 6.87434	DEV 0.8034382D-01
SPD 16.20	A. LAT 35.09485	A. LON 129.11666	A. DLAT 5.69120	A. DLON 6.99938	DEV 0.9182908D-01
SPD 15.80	A. LAT 35.09614	A. LON 129.11249	A. DLAT 5.76827	A. DLON 6.74932	DEV 0.6886046D-01
SPD 15.60	A. LAT 35.09678	A. LON 129.11041	A. DLAT 5.80681	A. DLON 6.62431	DEV 0.5737900D-01
SPD 15.40	A. LAT 35.09742	A. LON 129.10832	A. DLAT 5.84534	A. DLON 6.49931	DEV 0.4589942D-01
SPD 15.20	A. LAT 35.09806	A. LON 129.10624	A. DLAT 5.88387	A. DLON 6.37433	DEV 0.3442174D-01
SPD 15.00	A. LAT 35.09871	A. LON 129.10416	A. DLAT 5.92240	A. DLON 6.24936	DEV 0.2294595D-01
SPD 14.80	A. LAT 35.09935	A. LON 129.10207	A. DLAT 5.96093	A. DLON 6.12440	DEV 0.1147205D-01
SPD 14.60	A. LAT 35.09999	A. LON 129.09999	A. DLAT 5.99945	A. DLON 5.99945	DEV 0.3763373D-07
SPD 14.40	A. LAT 35.10063	A. LON 129.09791	A. DLAT 6.03797	A. DLON 5.87452	DEV 0.1147009D-01
SPD 14.20	A. LAT 35.09999	A. LON 129.09999	A. DLAT 5.99945	A. DLON 5.99945	DEV 0.3763373D-07

TRUE SPEED OF SHIP	14.60000
DEVIATION ON TRUE SPEED	0.3763373045D-07
D. R. POSITION	35.00000
D. R. POSITION	129.00000
TRUE POSITION LATITUDE	35.09999
TRUE POSITION LONGITUDE	129.09999
DIFF. LATITUDE FROM D. R. POSITION	5.99945
DIFF. LONGITUDE FROM D. R. POSITION	5.99945

DEVIATION CHECK FIXES AT ELEVATION 10-30 DEG. ON EACH SPEED

TRUE FIX...35.1 N, 129.1E, TRUE SPEED...32.8 KTS, MAXIMUM ELEVATION...43. DEG.

SPP 30.0 A. LAT 35.10898 A. LON 129.07079 A. DLAT 6.5389 A. DLON 4.24769 DEV 0.1607520D 00
 SPD 30.20 A. LAT 35.10834 A. LON 129.07288 A. DLAT 6.50046 A. DLON 4.37274 DEV 0.1492819D 00
 SPD 30.40 A. LAT 35.10770 A. LON 129.07496 A. DLAT 6.46193 A. DLON 4.49780 DEV 0.1378100D 00
 SPD 30.60 A. LAT 35.10706 A. LON 129.07705 A. DLAT 6.42341 A. DLON 4.62286 DEV 0.1263361D 00
 SPD 30.80 A. LAT 35.10641 A. LON 129.07913 A. DLAT 6.38488 A. DLON 4.74795 DEV 0.11486.4D 00
 SPD 31.00 A. LAT 35.10577 A. LON 129.08122 A. DLAT 6.34634 A. DLON 4.87304 DEV 0.1033828D 00
 SPD 31.20 A. LAT 35.10513 A. LON 129.08330 A. DLAT 6.30781 A. DLON 4.99815 DEV 0.9190328D-01
 SPD 31.40 A. LAT 35.10449 A. LON 129.08539 A. DLAT 6.26927 A. DLON 5.12327 DEV 0.8042190D-01
 SPD 31.60 A. LAT 35.10385 A. LON 129.08747 A. DLAT 6.23073 A. DLON 5.24840 DEV 0.6893863D-01
 SPD 31.80 A. LAT 35.10352 A. LON 129.08909 A. DLAT 6.21111 A. DLON 5.34514 DEV 0.5757823D-01
 SPD 32.00 A. LAT 35.10256 A. LON 129.09165 A. DLAT 6.15365 A. DLON 5.49870 DEV 0.4596643D-01
 SPD 32.20 A. LAT 35.10192 A. LON 129.09373 A. DLAT 6.11510 A. DLON 5.62387 DEV 0.3447749D-01
 SPD 32.40 A. LAT 35.10128 A. LON 129.09582 A. DLAT 6.07655 A. DLON 5.74905 DEV 0.2298666D-01
 SPD 32.60 A. LAT 35.10633 A. LON 129.09790 A. DLAT 6.03800 A. DLON 5.87425 DEV 0.1149393D-01
 SPD 32.80 A. LAT 35.09999 A. LON 129.09999 A. DLAT 5.99945 A. DLON 5.99946 DEV 0.6920660D-06
 SPD 33.00 A. LAT 35.09935 A. LON 129.10208 A. DLAT 5.96089 A. DLON 6.12468 DEV 0.1149721D-01
 SPD 32.60 A. LAT 35.10063 A. LON 129.09790 A. DLAT 6.03800 A. DLON 5.87425 DEV 0.1149393D-01
 SPD 32.80 A. LAT 35.09999 A. LON 129.09999 A. DLAT 5.99945 A. DLON 5.99946 DEV 0.6920660-06

TRUE SPEED OF SHIP	32.80000
DEVIATION ON TRUE SPEED	0.6920660213D-06
D. R. POSITION	35.00000
D. R. POSITION	129.00000
TRUE POSITION LATITUDE	35.09999
TRUE POSITION LONGITUDE	129.09999
DIFF. LATITUDE FROM D. R. POSITION	5.99945
DIFF. LONGITUDE FROM D. R. POSITION	5.99946